

# Optimierungssysteme für Anwendungen in Logistik und Verkehr

Ruhr-Universität Bochum, 21. Juni 2010

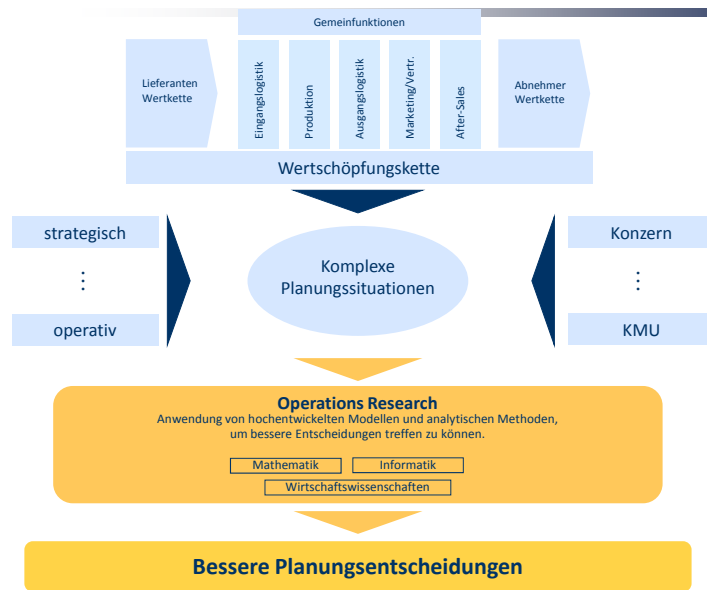


Prof. Dr. Leena Suhl  
DS&OR Lab  
Universität Paderborn

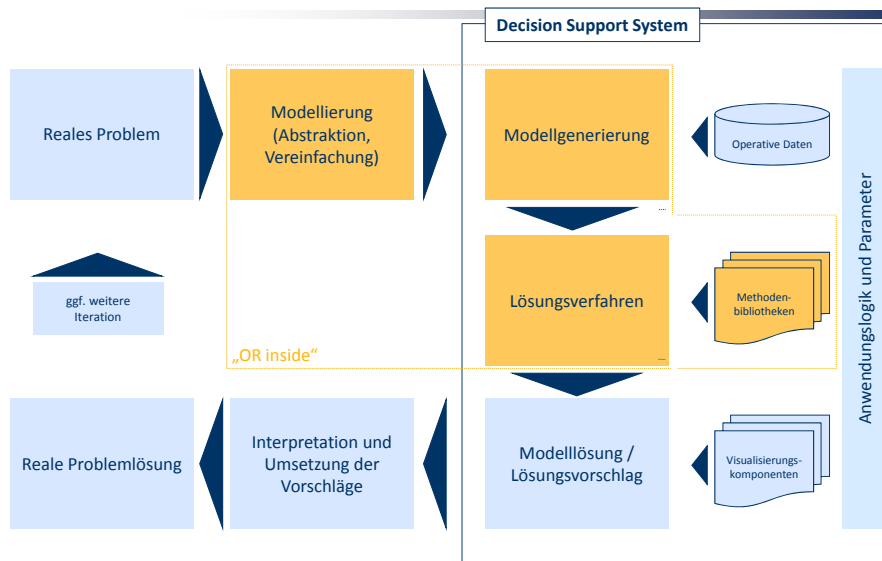
## Gliederung

- ◆ Optimierungssysteme
- ◆ Anwendungsgebiete
- ◆ Umlauf- und Dienstplanung im ÖPNV
- ◆ Robuste Optimierung
- ◆ Operative Logistikplanung

## Bessere Planungsentscheidungen mit OR-Methoden



## Der OR-basierte Entscheidungsprozess





- ### Optimierungssysteme
- ♦ Optimierungssysteme in Wirtschaftsinformatik:
    - *betriebliche Anwendungssysteme*, die
    - Optimierungsmodelle generieren und verarbeiten können und dabei
    - durch *formale Methoden* Ergebnisse produzieren, die eine möglichst gute Handlungsanweisung im Sinne einer
    - gegebenen *Zielfunktion* (oder manchmal mehrerer Zielfunktionen) darstellen.
  - ♦ Oft gestaltet als Entscheidungsunterstützungssysteme
  - ♦ Verbunden in die IT-Systemarchitektur eines Unternehmens
- DSO<sup>4</sup> OR<sup>4</sup> MAR  
 6  
 Optimierungssysteme

## Formale Optimierungsmethoden

- ◆ Lineare Programmierung (LP)
  - Wird seit Jahrzehnten für betriebliche Entscheidungsunterstützung eingesetzt
- ◆ Gemischt-ganzzahlige Programmierung (MIP)
  - Für die Praxis wichtiger als LP
- ◆ Nichtlineare Optimierung
  - Wir versuchen zu linearisieren, wenn möglich
- ◆ Stochastische Optimierung
- ◆ Multikriterielle Methoden
- ◆ Heuristiken
- ◆ Metaheuristiken

## Fortschritte beim Lösen mathematischer Programme

### Bessere Algorithmen

- ◆ Interior Point, hypersparse Simplex
- ◆ Cuts (Lift-and-Project, Reduce-and-Split, Pivot-and-Reduce, MIR,...)
- ◆ Primale Heuristiken (Local Branching, Feasibility Pump,...)

### Bessere Hardware

- ◆ 64 Bit
- ◆ Parallelkernprozessoren

### Bessere Standard-Software

- ◆ Solver
- ◆ Modellierungssprachen
- ◆ Middleware

Table 1: Progress in LP-optimization with MOPS using the sample model Oil\*

Year	Version	Oil (5563 x 6181)	Sec.
1991	1.4	I486 (25 MHz)	612,4
1995	2.5	P133 Win 3.11	20,7
1999	4.0	PIII (400 MHz), Win 98	5,1
2001	5.0	PIII (500 MHz), Win 98	3,9
2002	6.0	PIV (2,2 GHz), Win 2000	0,9
2004	7.6	PIV (3,0 GHz), Win 2000, primal	1,1
2006	7.8	PIV (3,0 GHz), Win 2000, dual	1,6
2007	8.0	PIV (3,0 GHz), Win 2000, IPM	0,6
2009	10.0	IntelCore2Duo (2,66), Win XP, IPM	0,2

Table 2: Progress in IP-optimization with MOPS using the sample model Oil

Year	Version	Oil (5563 x 6181)	Sec.
1994	2.0	PII (500 MHz) LIFO-MIP	1794,3
1995	2.5	PII (500 MHz), general node selection	450,1
1999	4.0	PIV (2,2 GHz), IPM for initial LP	75,2
2003	6.3	PIV (2,2 GHz) various improvements	39,6
2005	7.8	PIV (3,0 GHz) Gomory cuts, dual in b&b	11,4
2008	9.0	PIV (3,0 GHz) new branch & bound	6,9
2009	10.0	IntelCore2Duo and new LP preprocessing	1,8

Quelle: MOPS Whitepaper, MOPS Optimierungssysteme GmbH & Co. KG



## Anwendungsgebiete

- ◆ Sicht der Wirtschaftsinformatik: Anwendungssysteme zur Entscheidungsunterstützung mit quantitativen Methoden
  
- ◆ Entscheidungsunterstützung z.B. in
  - Produktionsplanung
  - Supply Chain Management
  - Standortplanung
  - Netzwerkdesign
  - Personaleinsatzplanung, Crew Scheduling
  - Logistik, Transport, Verkehr
  - Projektplanung, Portfolioselektion
  - Finanzplanung, Marketing
  - Auch Operations, nicht nur Planung



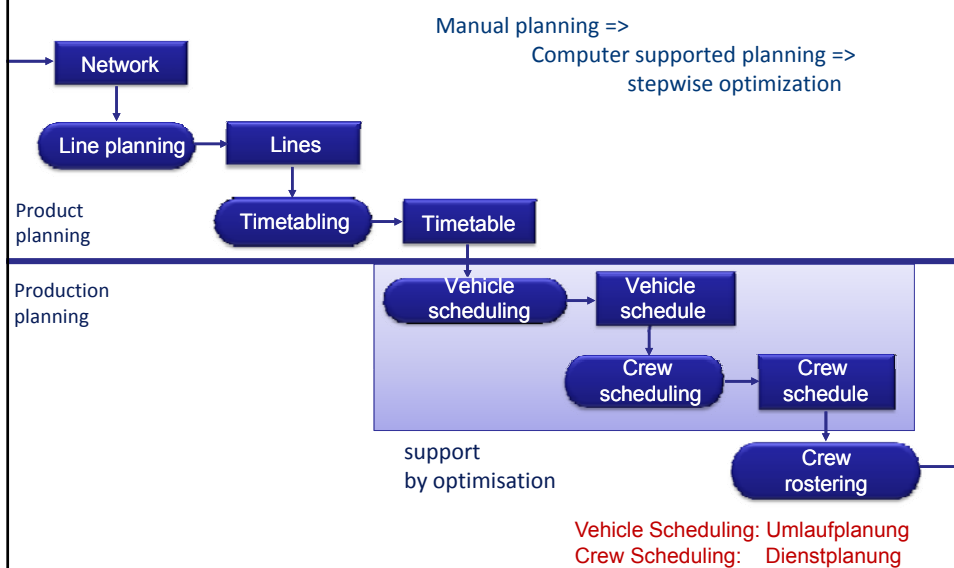
## Gliederung

- ◆ Optimierungssysteme
- ◆ Anwendungsgebiete
- ◆ **Umlauf- und Dienstplanung im ÖPNV**
- ◆ Robuste Optimierung
- ◆ Operative Logistikplanung

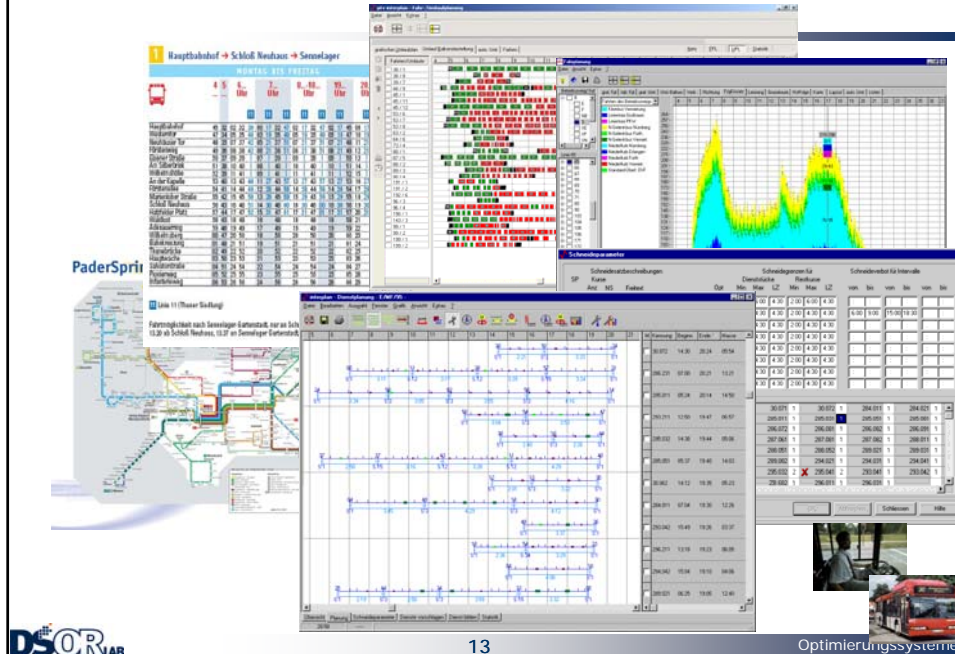
## Optimierung für Umlauf- und Dienstplanung

- ◆ Vehicle und Crew Scheduling Modelle sind eine Erfolgsstory des Operations Research
- ◆ Große Kostenersparnisse in Fluggesellschaften, im Bahnverkehr und im ÖPNV
  - Umlaufplanung für die Deutsche Lufthansa
  - Umlaufplanung für Lokomotiven für die Deutsche Bahn
  - Crew Scheduling für Hapag Lloyd
  - Umlauf- und Dienstplanung für Busse mit PTV und INIT
  - Crew Scheduling mit Lufthansa Systems
  - Optimierung mit MOPS, CPLEX, Gurobi oder XPRESS-MP
  - Entscheidungsunterstützung!!

## Planungsprozess für ÖPNV



## Planungssysteme für ÖPNV



13

## Umlaufplanung: Das Multi-Depot Vehicle Scheduling Problem (MDVSP)

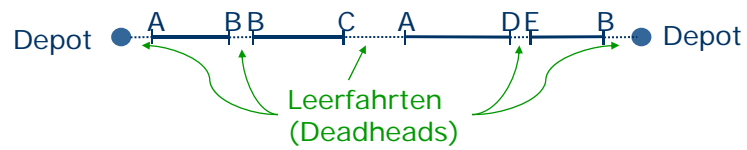
- ◆ **Gegeben:** Menge der Fahrplanfahrten
- ◆ **Aufgabe:** Fahrten sollen zu Fahrzeugen zugeordnet werden, so dass
  - Jede Fahrt wird einmal durchgeführt
  - Jedes Fahrzeug bekommt einen zulässigen Umlaufplan (vehicle route)
  - Jeder Umlauf beginnt und endet im selben Depot
  - Summe der operativen und fixen Kosten wird minimiert
- ◆ **Modellformulierung:** Multi-commodity Flussproblem
  - Mehrere Depots, mehrere Vehicle-Typen

## Umlaufplanung: Das Multi-Depot Vehicle Scheduling Problem (MDVSP)

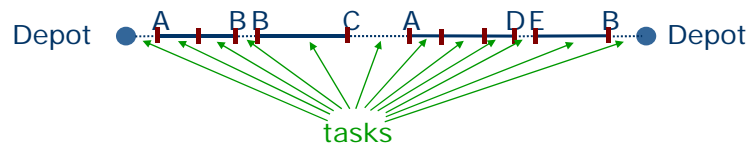
Fahrplanfahrten

Fahrzeugumläufe

Umlauf:



## Dienstplanung (nach Umlaufplanung)

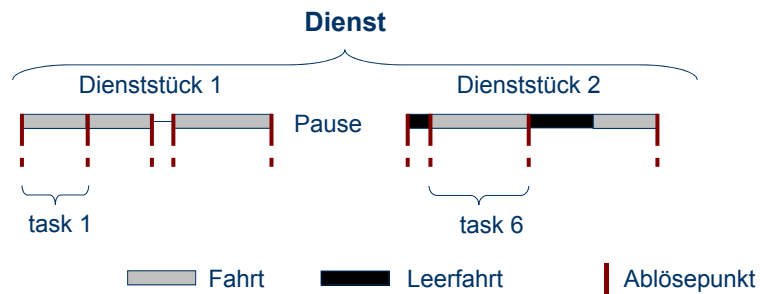


Ablösepunkt: Möglichkeit zum Fahrerwechsel

Task (Dienstelement): Teildienst zwischen zwei konsekutiven Ablösepunkten



## Dienstplanung (nach Umlaufplanung)



Viele Restriktionen bzgl. Dienste und Tasks

- Anzahl Dienststücke, min. vs. max. Dauer der Stücke bzw. Pausen
- Min. vs. max. Dienstdauer, min. vs. max. Gesamtarbeitszeit

## Dienstplanung: Ablauf

- ♦ **Gegeben:** Menge der Tasks
  - Basierend auf Umläufen und Ablösepunkten (sequentielle Dienstplanung)
  - Basierend auf Fahrplan und Ablösepunkten (unabhängige Dienstplanung)
- ♦ **Aufgabe:** aus Tasks werden Dienste generiert, so dass
  - Jede Task wird einmal durchgeführt
  - Jeder Dienst beginnt und endet am selben Depot
  - Jeder Dienst erfüllt alle gegebenen gesetzlichen und betrieblichen Restriktionen bzgl. Dienststück und Dienst
- ♦ **Modellformulierung:** set partitioning/covering problem

## Integrierte Umlauf- und Dienstplanung

### Probleme der sequenziellen Planung

- Leerfahrten sind in der Dienstplanung fest vorgegeben (fest definierte Umläufe)
  - Dienstplan evtl. unzulässig oder ineffizient

### Vorteile der Integration

- Gleichzeitige Betrachtung von Problemen der Umlauf- und Dienstplanung
  - Alle möglichen Leerfahrten stehen in beiden Planungsstufen zur Verfügung
- Zusätzliche Freiheitsgrade bei der Dienstplanung

## Integriertes Multi-Depot Vehicle and Crew Scheduling Problem (MDVCSP)

- ♦ **Gegeben:** Fahrplanfahrten und Ablösepunkte
- ♦ **Aufgabe:** Bestimmung von Umläufen und Diensten, so dass
  - Umläufe und Dienste zulässig sind
  - Umläufe und Dienste zusammenpassen
  - Summe der Fahrzeug- und Personalkosten minimiert wird
- ♦ **Exakte Formulierung:**
- ♦ MDVSP + CSP + linking constraints

## Mögliche Modellierungstechniken

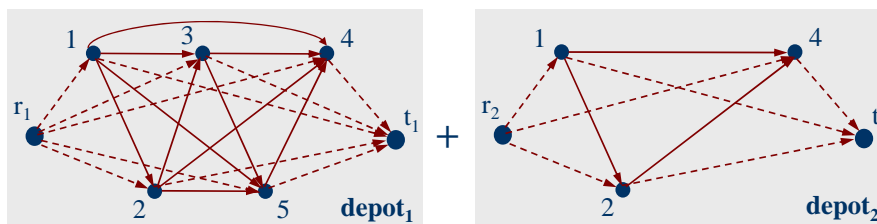
### Modelle für das MDVSP

- ◆ Connection-basiertes Flussmodell
- ◆ Time-Space-Network Flussmodell
  - Single-commodity vs. Multi-commodity-Fluss
- ◆ Set-Partitioning-Modelle

### Modelle für das Dienstplanungsproblem

- ◆ Set-Partitioning-Modell
- ◆ Time-Space-Network Flussmodell
  - Nur für kleinere Modelle geeignet (aufgrund von History-Restriktionen)

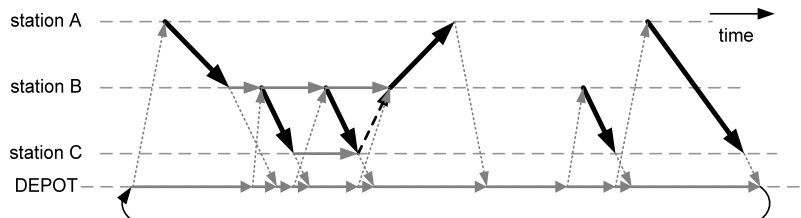
## MDVSP: Connection Based Modeling (traditionell)



- ◆ Nodes  $\Leftrightarrow$  Trips (n trips)
- ◆ Arc (i,j): Connection between trips i and j

# arcs:  $O(n^2)$

## MDVSP: Time-Space Network Modeling



- ◆ Knoten ⇔ Punkte in time-space; Kanten ⇔ trips or waiting
- ◆ #arcs:  $O(nm)$ 
  - n trips; m stations: Achtung:  $m < n$  !!
- ◆ Funktioniert gut für MDVSP
- ◆ *Eine drastische Modellreduktion durch Aggregation*

## Dienstplanung: Set Partitioning Modellierung

- ◆ 1) Generiere eine große Menge von zulässigen Diensten
  - Z.B. mit Resource Constrained Shortest Path (RCSP) Formulierung
- ◆ 2) Integer Programming Modell:
  - Spalten der Koeffizientenmatrix: mögliche Dienste
  - Zeilen der Koeffizientenmatrix: Fahrten
  - 0/1 Variable  $x_j$  für jeden möglichen Dienst
  - Restriktionen: jede Fahrt soll durchgeführt werden

## MDVCSP: Connection-based Formulation

Edge connecting task i and j with vehicle from depot d

equals 1 if duty k in depot d is selected

D – set of all depots  
 N – set of all tasks  
 $N^d$  – set of all tasks of depot d  
 $A^{sd}$  – set of all short edges of depot d  
 $A^{ld}$  – set of all long edges of depot d  
 $y_{ij}$  – edge connecting task i and j

$$\min \sum_{d \in D} \sum_{(i,j) \in A^d} c_{ij}^d y_{ij}^d + \sum_{d \in D} \sum_{k \in K^d} f_k^d x_k^d$$

$$\left. \begin{aligned} \sum_{d \in D} \sum_{\{j(i,j) \in A^d\}} y_{ij}^d &= 1 & \forall i \in N \\ \sum_{d \in D} \sum_{\{i(i,j) \in A^d\}} y_{ij}^d &= 1 & \forall j \in N \\ \sum_{\{i(i,j) \in A^d\}} y_{ij}^d &= \sum_{\{i(j,j) \in A^d\}} y_{ji}^d & \forall d \in D, \forall i \in N^d \\ \sum_{\{j(i,j) \in A^d\}} y_{ij}^d &= \sum_{k \in K^d(i)} x_k^d & \forall d \in D, \forall i \in N^d \\ y_{ij}^d &= \sum_{k \in K^d(i,j)} x_k^d & \forall d \in D, \forall (i,j) \in A^{sd} \end{aligned} \right\} \begin{array}{l} \text{Vehicle} \\ \text{scheduling} \end{array}$$

$$\left. \begin{aligned} y_{i^d}^d + \sum_{\{j(i,j) \in A^{ld}\}} y_{ij}^d &= \sum_{k \in K^d(i^d)} x_k^d & \forall d \in D, \forall i \in N^d \\ y_{j^d}^d + \sum_{\{i(i,j) \in A^{ld}\}} y_{ij}^d &= \sum_{k \in K^d(j^d)} x_k^d & \forall d \in D, \forall i \in N^d \end{aligned} \right\} \begin{array}{l} \text{Crew scheduling} \\ \text{Linking} \\ \text{constraints} \end{array}$$

$$x_k^d, y_{ij}^d \in \{0,1\} \quad \forall d \in D, \forall k \in K^d, \forall (i,j) \in A^d$$

Quelle: Huisman et al. 2005

## MDVCSP: Time-Space Network formulation

vehicle costs of arc (i,j) in depot d

flow on arc (i,j) in depot d

costs of duty k in depot d

equals 1 if duty k in depot d is selected

$$\min \sum_{d \in D} \sum_{(i,j) \in A^d} c_{ij}^d y_{ij}^d + \sum_{d \in D} \sum_{k \in K^d} f_k^d x_k^d$$

s. t.:

$$\left. \begin{aligned} \sum_{\{i(i,j) \in A^d\}} y_{ij}^d &= \sum_{\{i(i,j) \in A^d\}} y_{ji}^d & \forall d \in D, \forall j \in V^d \\ \sum_{d \in D} \sum_{(i,j) \in A^d(t)} y_{ij}^d &= 1 & \forall t \in T \\ \sum_{k \in K^d(i,j)} x_k^d &= y_{ij}^d & \forall d \in D, \forall (i,j) \in A^d \end{aligned} \right\} \begin{array}{l} \text{Vehicle} \\ \text{scheduling} \end{array}$$

$$\left. \begin{aligned} x_k^d &\in \{0,1\} & \forall d \in D, \forall k \in K^d \end{aligned} \right\} \begin{array}{l} \text{Crew} \\ \text{scheduling} \\ + \\ \text{Linking} \end{array}$$

$$0 \leq y_{ij}^d \leq u_{ij}^d \quad \forall d \in D, \forall (i,j) \in A^d$$

$$y_{ij}^d \text{ integer } \forall d \in D, \forall (i,j) \in A^d$$

Quelle: Steinzen, Suhl, Klierer 2010

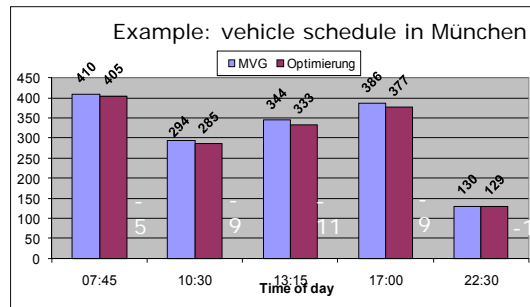
## Vergleich der Modelle

Timetable	Halle	München 1	München 2	BVO
# trips in timetable	2.047	3.054	7.068	682
# end stations	21	49	124	50
# connecting arcs				
Connection based	1.143.868	3.906.045	20.555.784	195.618
TSN based	11.885	48.572	213.433	6.262
%	1%	1%	1%	3%

For real instances - reduction of 97 - 99%!

Practical use:  
Extensions of the models and further solution methods

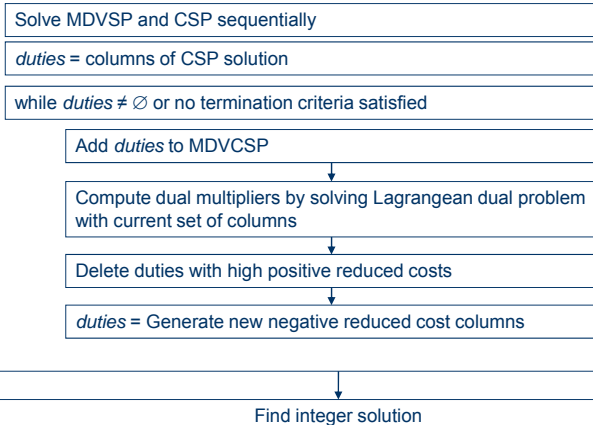
- Line consideration
- Time windows for trips
- Breaks in depot



Quelle: Klierer et al. 2007  
Optimierungssysteme

## Lösung mit der TSN Formulierung

### Column generation in combination with Lagrangian relaxation



Einige große bekannte Testmodelle konnten zum ersten mal optimal gelöst werden

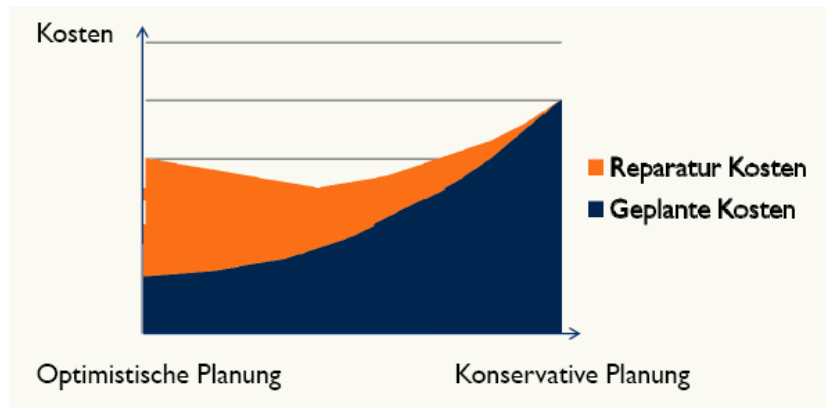
## Grenzen der deterministischen Optimierung

- ◆ Klassische LP und MIP für die betriebliche Planung:
- ◆ Für gegebene deterministische Daten wird eine mathematisch optimale Lösung bestimmt (oder nahezu bestimmt)
  - Z.B. Minimierung von Kosten, Maximierung von Profit, Minimierung von Durchlaufzeit etc.
- ◆ Normalerweise nutzt man prognostizierte Daten
- ◆ In vielen Fällen sind die Daten nicht exakt bekannt
  - => ungewisse Zukunft; Informationsdefizit
- ◆ Häufig ist aber eine Verteilung oder andere Informationen gegeben
- ◆ Störungen und kurzfristige Änderungen der Umweltbedingungen oft möglich
  - Im Verkehr; in Produktionssystemen

## Gliederung

- ◆ Optimierungssysteme
- ◆ Anwendungsgebiete
- ◆ Umlauf- und Dienstplanung im ÖPNV
- ◆ **Robuste Optimierung**
- ◆ Operative Logistikplanung

## Optimale Planung und reale Kosten

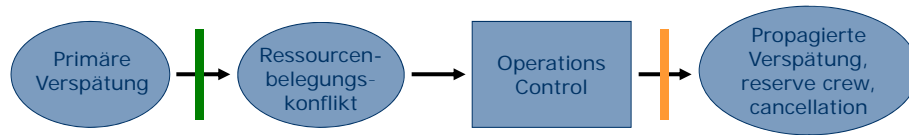


## Robustheit in der Planung

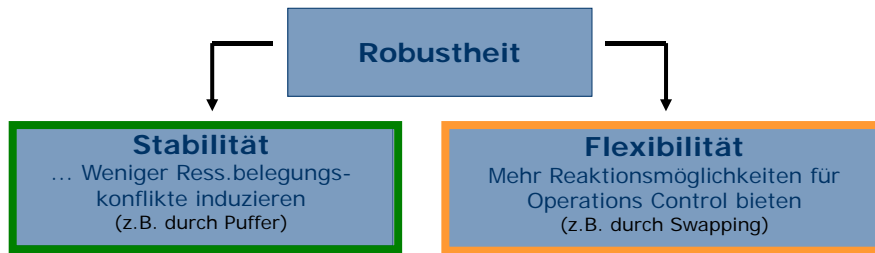
- ◆ Robustheit eines Plans:
  - die Realisierung des Plans führt für (nahezu) jede denkbare zukünftig eintretende Umweltlage zu guten bzw. akzeptablen Ergebnissen im Hinblick auf die Ziele
- ◆ Flexibilität:
  - Möglichkeit eines Systems bzw. Plans, sich an unvorhergesehene Veränderungen der Umwelt anzupassen (Elastizität)
  - Z.B. Tausch oder Umleitung möglich
- ◆ Stabilität:
  - Der Plan ist umso stabiler, je besser die Veränderungen des darunterliegenden Plans durch die Pufferzeiten im Ressourceneinsatz abgefangen werden



## Kette der Verspätungspropagation



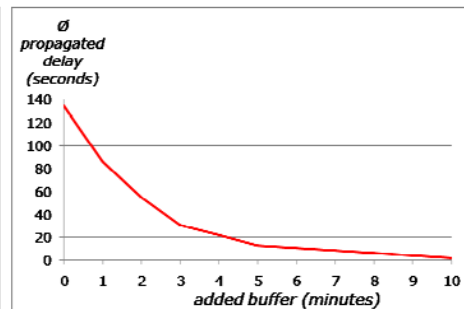
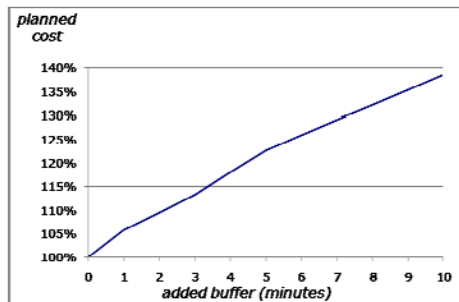
Zwei Wege, um Verspätungspropagation zu verringern:



Ein robuster Plan ist stabil, flexibel oder beides  
Ziel: Minimierung der Gesamtkosten = geplante Kosten + Recovery-Kosten

## Plankosten-Effizienz vs. Verspätungstoleranz

- Experiment im ÖPNV:
  - Mindest-Pufferzeiten nach jeder Fahrt sichern (bis zu 10 Minuten)
  - Kosten und Robustheit messen
- Ergebnisse:
  - 100% Robustheit erfordert 40% mehr Plankosten
  - 80% Robustheit kostet nur 12% mehr (hier durch 3-minütige Puffer)

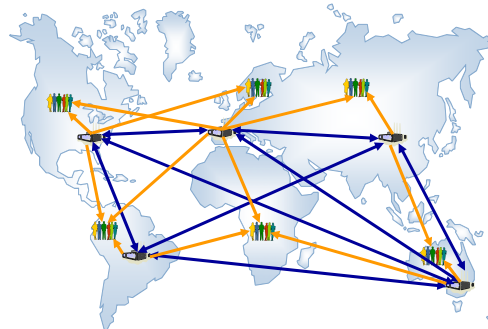


## Robustheit generieren

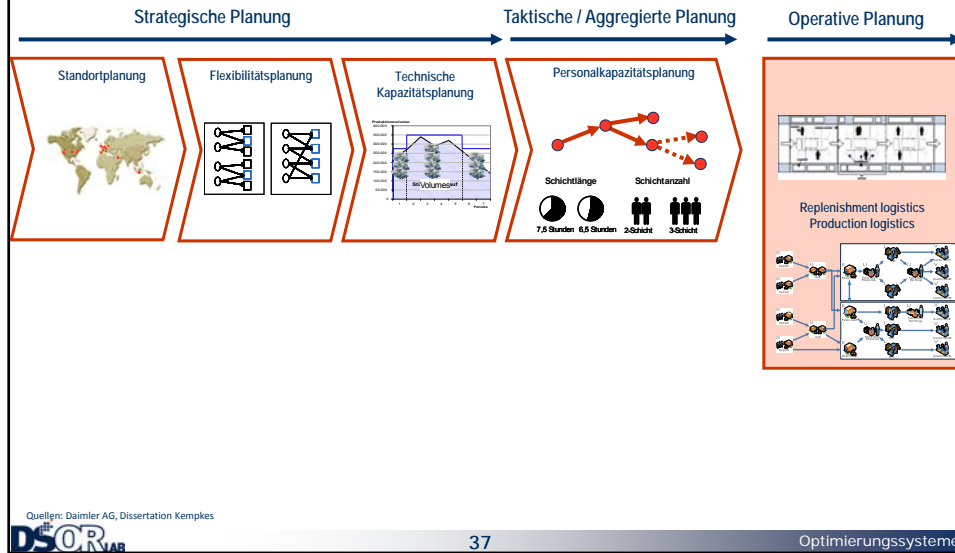
- ◆ Robust optimization (Soyster 1973, Bertsimas/Sim 2004)
  - Koeffizienten sind nicht fest, sondern in einem Intervall
  - Lösung muss für alle Werte zulässig sein
  - Zu konservativ für Praxisprobleme
- ◆ Stochastische Optimierung
- ◆ Light Robustness (Fischetti 2008)
  - Robuste Lösung, so dass Zielfunktion max. k% schlechter als optimal
- ◆ Recoverable Robustness (Ahuja et al. 2009)
  - Recovery mit gegebenen Methoden für definierte Störungen gegeben
- ◆ Anwendungsorientierte Robustheit
  - Stabilität erhöhen
    - Puffer richtig setzen, Aircraft Changes minimieren, Crew follows Aircraft etc.
  - Flexibilität erhöhen
    - Swap-Möglichkeiten generieren, Reserve Crews/Aircraft, Move-up Crews etc.

## Gliederung

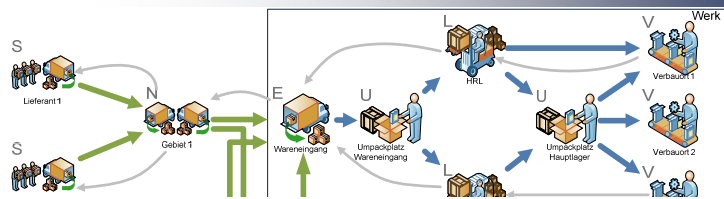
- ◆ Optimierungssysteme
- ◆ Anwendungsgebiete
- ◆ Umlauf- und Dienstplanung im ÖPNV
- ◆ Robuste Optimierung
- ◆ **Operative Logistikplanung**



# Planungsprobleme in der Automobilindustrie



## Operative Materialflussplanung Zielsetzung

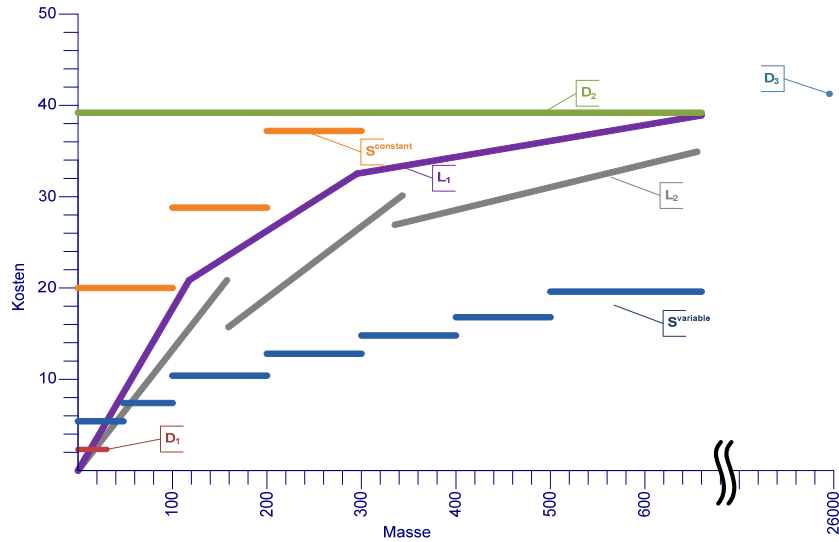


### Zielsetzung:

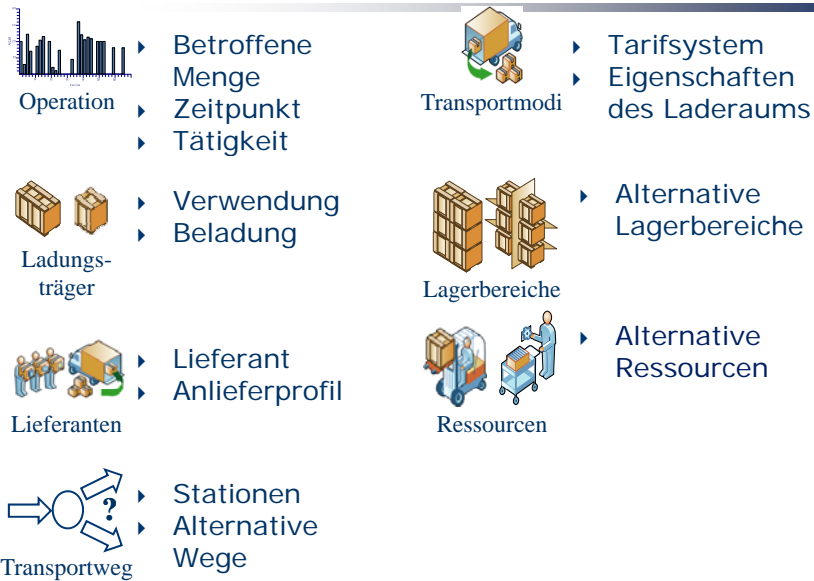
Ermittlung eines kostenminimalen Materialflussplans zur Befriedigung der Produktionsbedarfe

Berücksichtigung des externen und internen Bereichs

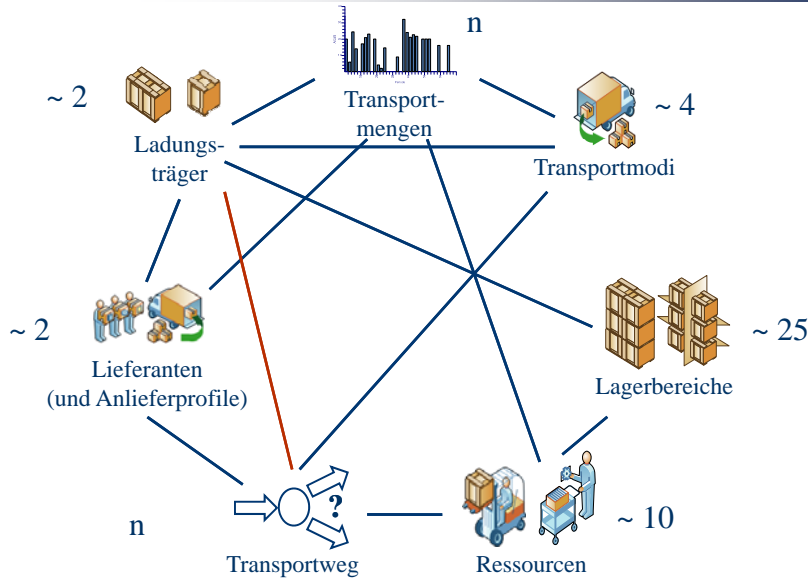
## Operative Materialflussplanung Tarifsysteme der Speditionen



## Operative Materialflussplanung Entscheidungsdimensionen



# Operative Materialflussplanung Abhängigkeit der Entscheidungsdimensionen



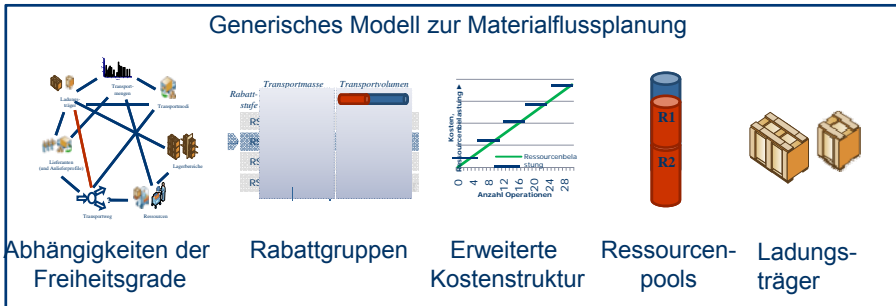
# Formale Abbildung Einordnung des generischen Modells

Kapazitiertes Losgrößenmodell  
Erweitert um:

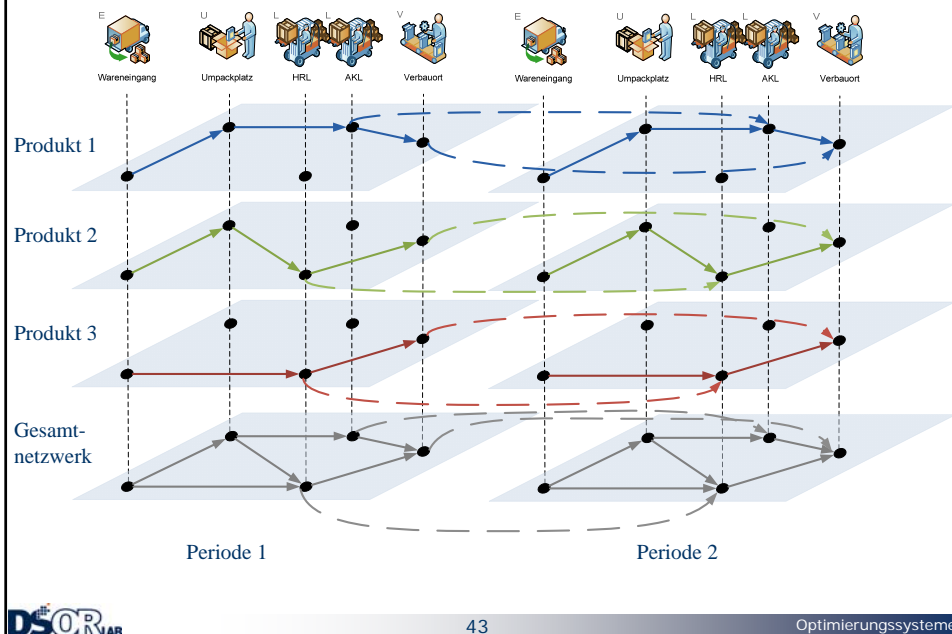
- Einkaufsrabatte
- Lieferantenwahl
- Transportmodi

Netzwerk-Designproblem  
Erweitert um:

- Alternative Wege
- Lieferantenwahl
- Transportmodi



## Formale Abbildung Netzwerkschichten



## Verbesserungstechniken zur Anwendung eines exakten Lösungsverfahrens

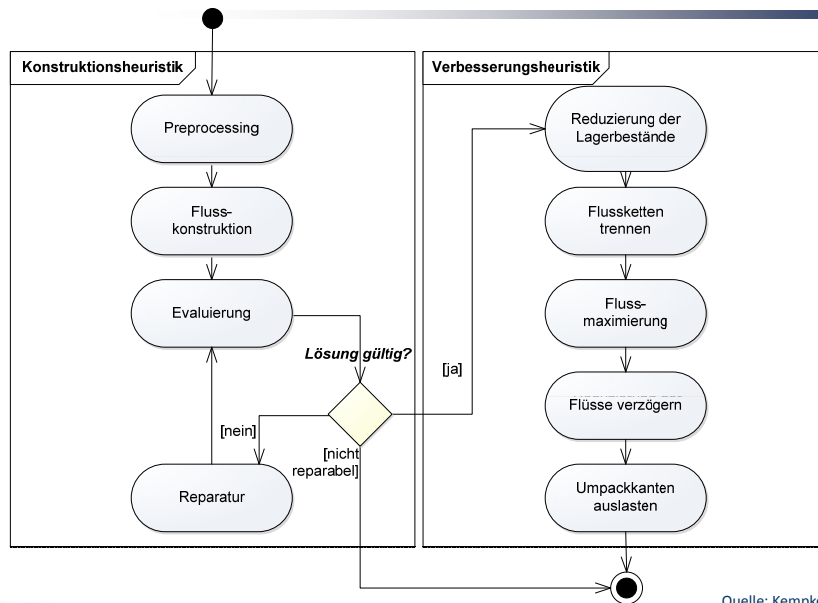
### Angewendete Verbesserungstechniken

- ◆ Flussschranken (*Bounds*), abgeleitet aus den Ressourcenbelastungen und -kapazitäten
- ◆ Schnittebenen zur Abschätzung der Transportkosten (AdditiveExt)

### Generalisierung zur Übertragung auf die neue Modellformulierung

- ◆ Logische Implikationen (Kallrath 2002)
- ◆ Reformulierung der Lagerrestriktionen (Pochet und Wolsey 2006)
- ◆ Additive Transportkosten (Stadtler 2007)
- ◆ Symmetriebrechung (Fahle et al. 2001)

## Primale Heuristik zur Generierung von Startlösungen



## Lösung mit dem exakten Lösungsverfahren

Instanz	Optimalitätslücke
P10_T30_01n	0,1%
P10_T30_02n	-
P10_T30_03n	0,1%
P10_T60_01n	27,9%
P10_T60_02n	-
P10_T60_03n	0,0%
P50_T30_01n	-
P50_T30_02n	-
P50_T30_03n	-
P50_T60_01n	-
P50_T60_02n	-
P50_T60_03n	-
P1000_T05n	-
P2000_T05n	-

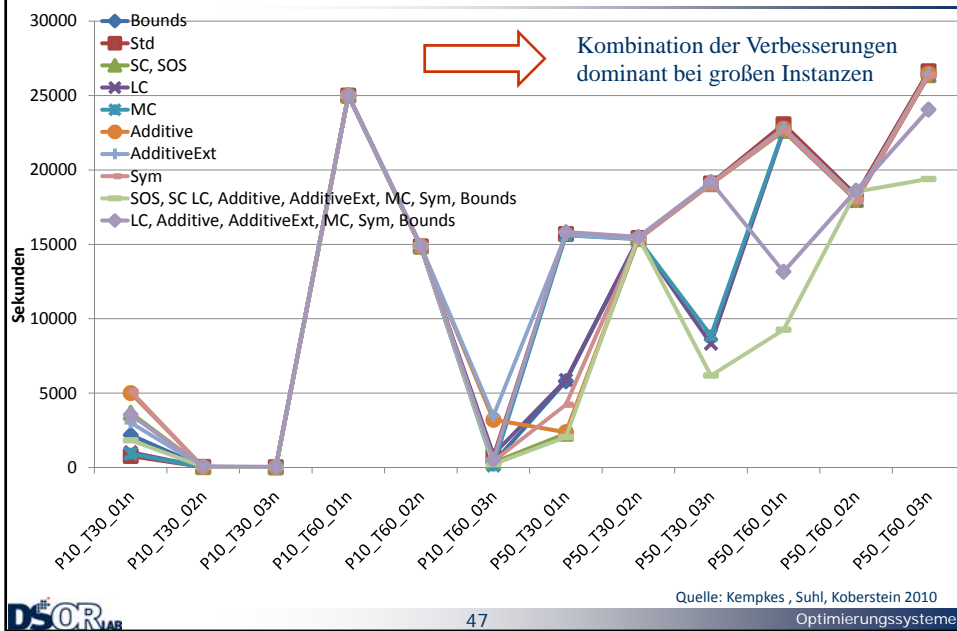
➔ Trotz Verbesserungstechniken nur vier der zwölf Testinstanzen lösbar

-: Keine gültige Lösung gefunden  
WinXP64 ,3.16 GHz Dual-Core, 8GB RAM  
Cplex 11.0.1 64bit

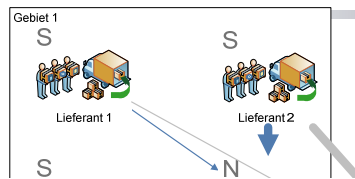
Optimalitätslücke im Vergleich zur besten unteren Schranke

Laufzeiten maximal 8h

## Laufzeiten des exakten Verfahrens mit heuristischer Startlösung



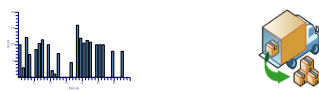
## Fallstudie Gebietsoptimierung - Zielsetzung



### Fragestellung der Fallstudie



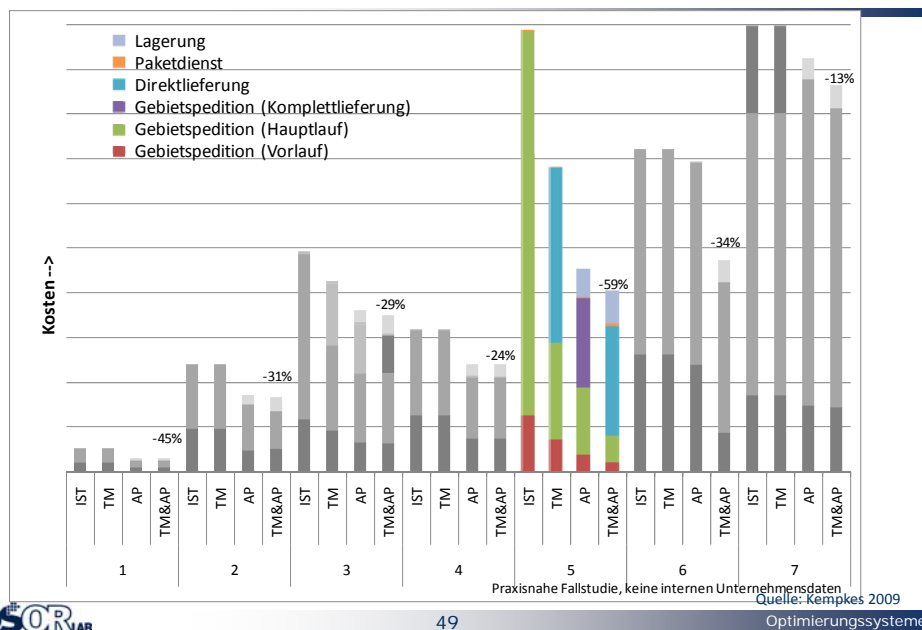
### Entscheidungsmöglichkeiten



AP: Bestellmenge und Anlieferprofil TM: Transportmodi



## Fallstudie Gebietsoptimierung – Ergebnisse



## Fazit Optimierungssysteme

- ◆ Optimierungssysteme sind vielseitig anwendbar
- ◆ Heute oft auch für operative Fragestellungen geeignet
- ◆ Methoden und Software/Hardware werden immer schneller
- ◆ Exakte mathematische Modelle werden oft mit Heuristiken kombiniert
- ◆ Herausforderungen:
  - Sehr große Modelle
  - Ungenaue und fehlende Daten
  - Störungen
  - kurzfristige Änderungen

Vielen Dank für Ihre  
Aufmerksamkeit!